

第 2 講 消費者行動の理論 (1) 選好と効用関数

消費者は、価格を所与として、予算制約のもとで効用が最大となるように財の消費量を決定する。

花子「リンゴかみかん、1個あげる。どっちがいい？」

太郎「リンゴ！」

花子「じゃあ、リンゴ2個かみかん2個あげる。どっちがいい？」

太郎「みかん2個！」

2.1 節 選好と効用関数

ヒトの選好 (preference)

- (1) 欲が深い。多いに越したことはない。多々益々弁ず。(単調性)
- (2) 飽きっぽい。消費から得られる満足度 (効用 utility) の増分は、消費量が増えるにつれて遞減する。(希少性)

1 財のケース

考え方のポイント「1つずつ考える」

追加的な消費 1 単位から得られる追加的な効用を限界効用 (marginal utility) という。

消費量	x	0	1	2	3	4
限界効用	MU		100	60	30	10
総効用	u	0	100	160		

財の消費量 x と総効用 u の関係を関数

$$u = U(x)$$

で表現する。効用関数 (utility function) という。

効用関数のグラフの性質 (図 2.1)

- (1) 右上がり $U'(x) > 0$
- (2) 上に凸 $U''(x) < 0$

問題 1 財の消費量 x と限界効用 MU の関係を表す曲線を、限界効用曲線といふ。

- (1) 上の数値例を用いて、限界効用曲線を図示せよ。
- (2) (1) の図から、総効用 $u = U(x)$ が求められることを確かめよ。

2 財のケース

財の消費量の組合せ (x_1, x_2) を座標平面上に描く。消費可能なすべての組合せは、第1象限および両軸上の点で表現できる（図2.2）。

消費の組合せ (x_1, x_2) とその消費から得られる効用 u の関係を関数

$$u = U(x_1, x_2)$$

で表現する¹。

選好順序

2つの異なる消費の組合せ $A(x_1, x_2), B(x'_1, x'_2)$ についての選好順序を考える。 A が B よりも選好されるとき、 $A \succ B$ とかく。 A と B が無差別であるとき、 $A \sim B$ とかく。

選好順序は、効用関数を用いると、大小関係で表現できる。

$$\begin{aligned} A \succ B &\Leftrightarrow U(x_1, x_2) > U(x'_1, x'_2) \\ A \sim B &\Leftrightarrow U(x_1, x_2) = U(x'_1, x'_2) \\ A \prec B &\Leftrightarrow U(x_1, x_2) < U(x'_1, x'_2) \end{aligned}$$

ある効用水準を達成できる消費の組合せはいくつもある。無差別な消費の組合せ (x_1, x_2) の軌跡のことを、無差別曲線 (indifference curve) という。効用水準を \bar{u} とすれば、無差別曲線の式は、

$$\bar{u} = U(x_1, x_2)$$

で与えられる。

問題2 無差別曲線を平面 (x_1, x_2) 上に図示せよ。

- (1) $U(x_1, x_2) = x_1 + 2x_2, \bar{u} = 10$
- (2) $U(x_1, x_2) = x_1 + 2x_2, \bar{u} = 20$
- (3) $U(x_1, x_2) = x_1 x_2, \bar{u} = 8$
- (4) $U(x_1, x_2) = x_1 x_2, \bar{u} = 12$
- (5) $U(x_1, x_2) = (x_1)^2 x_2, \bar{u} = 8$
- (6) $U(x_1, x_2) = (x_1)^2 x_2, \bar{u} = 12$

無差別曲線の性質1

単調性と希少性を満たすとき、無差別曲線は(1)右下がり、(2)原点に関して凸である。

無差別曲線の性質2

効用水準 \bar{u} が高ければ高いほど、無差別曲線は右上にある。

無差別曲線の性質3

無差別曲線は交わらない。

問題3 上の3つの性質の理由を言葉で説明せよ。

花子「太郎のリンゴの限界効用は、早く遞減する」

講義資料 <http://www1.doshisha.ac.jp/~kmiyazawa/>

¹² 変数関数という。