物理化学I-第10回-1

第10章 酸と塩基 (分析化学参照) 10.1 酸と塩基の定義

1)アレニウスの定義

酸: 水に溶けてヒドロニウムイオン H_3O^+ を生じる物質 $HCl(aq) + H_2O(l) \rightarrow H_3O^+(aq) + Cl^-(aq)$

塩基:水に溶けて水酸化物イオンOH-を生じる物質 NaOH(aq) → Na+(aq) + OH-(aq)

2)ブレンスッテド-ローリーの定義

酸:プロトン H+を与えるもの(プロトン供与体)

塩基:プロトン H+ を受け取るもの(プロトン受容体, 孤立電子対をもつ)

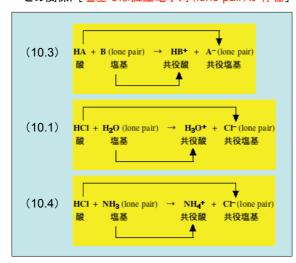
 $HA \quad + \quad :B \quad \rightarrow \quad HB \quad + \quad A^-$

(酸) (塩基) (共役酸) (共役塩基) (conjugated acid, base)

 $HCI + H_2O: \rightarrow H_3O^+ + Cl^-$ (水分子が関与) $HCI + :NH_3 \rightarrow NH_4^+ + Cl^-$ (水分子は関与しない)

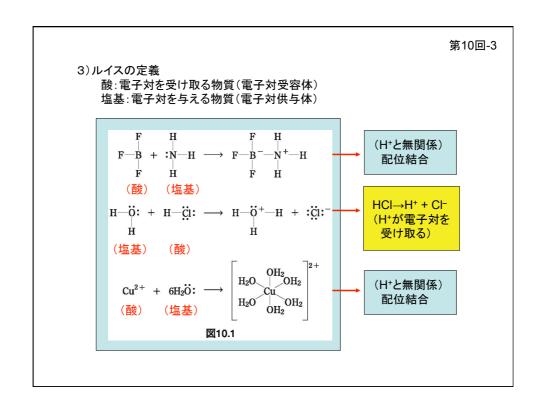
第10回-2

○ブレンスッテド-ローリーの定義での酸・塩基と、共役酸・共役塩基との関係、「塩基では孤立電子対(lone pair)が存在]



- ・弱塩基 (NH_3) の共 役酸である (NH_4^+) の解離定数 (K_a) $K_aK_b = K_w$
- ・弱酸(CH₃COOH) の共役塩基である (CH₃COO⁻)の解離 定数(K_b) K_aK_b = K_w (後述) K_a:酸解離定数 K_b:塩基解離定数

K_w:水のイオン積



10.2 水の自己イオン化とpH

・水の電離平衡: $2H_2O(l)$ \rightleftharpoons $H_3O^+(aq) + OH^-(aq)$

・平衡定数 K: $K = \frac{[H_3O^+][OH^-]}{[H_2O]^2}$ 温度と圧力が一定のとき、一定値となる。

・水のイオン積(水の自己プロトリシス定数) K_w(表10.1)

 $K_{\rm w} = [{\rm H_3O}^+][{\rm OH}^-]$ (温度上昇とともに増加)

t/ ℃	$K_{\rm W}$ / $ m mol^2~dm^{-6}$	中性における[H ₃ O ⁺]/mol dm ⁻³	中性のpH
0	1.15×10^{-15}	3.39 × 10⁻ ⁸	7.47
25	1.00×10^{-14}	1.00 × 10 ⁻⁷	7.00
50	5.30×10^{-14}	2.30 × 10 ⁻⁷	6.64
100	4.99×10^{-13}	7.06 × 10 ⁻⁷	6.15

水の電離反応: △H = 56.8 kJ mol⁻¹, <mark>吸熱反応</mark>

[H₃O+]と[OH-]の大小で,酸性・塩基性(アルカリ性)・中性

・ヒドロニウムイオン H_3O^+ (水素イオン H^+)濃度と pH $[H_3O^+]$ の値が小さいので、酸性・塩基性の程度を表すのに、pHを用いる。

$$pH = log_{10} \frac{1}{[H_3O^+]} = -log_{10}[H_3O^+]$$
 (値を正にするため)

at 25 °C:

$$[H_3O^+][OH^-] = 1 \times 10^{-14}$$

 $log[H_3O^+] + log[OH^-] = -14$
 $-log[H_3O^+] - log[OH^-] = 14$
 $pH + pOH = 14 \quad (pOH = -log[OH^-])$
 $pH = 14 - pOH$

酸性: pH < 7, 中性: pH = 7, アルカリ性: pH > 7

第10回-6

10.3 強い酸と弱い酸一酸解離定数

・ブレンステッド酸の解離平衡(弱酸) [強酸は完全解離]

$$HA(aq) + H_2O(l) \iff H_3O^+(aq) + A^-(aq)$$

•平衡定数: $K = \frac{[H_3O^+][A^-]}{[HA][H_2O]}$

•酸解離定数:
$$K_a = K \times [H_2O] = \frac{[H_3O^+][A^-]}{[HA]}$$
 $pK_a = \log_{10} \frac{1}{K_a} = -\log_{10} K_a$

(表10.2)

酸	分子式	K_a / mol dm ⁻³	р <i>К</i> _а
塩酸	HCI	-	-
硝酸	HNO ₃	-	-
硫酸	H ₂ SO ₄ *	-	-
		0.010 (K _{a2})	1.99
炭酸	H ₂ CO ₃ *	$4.5 \times 10^{-7} (K_{a1})$	6.35
		$4.7 \times 10^{-11} (K_{a2})$	10.33
ギ酸	нсоон	1.8×10^{-4}	3.75
酢酸	CH₃COOH	1.75 × 10 ⁻⁵	4.756
安息香酸	C ₆ H ₅ COOH	6.25 × 10 ⁻⁵	4.204
フェノール	C ₆ H ₅ OH	1.0×10^{-10}	9.99

(強酸) 完全解離 (弱酸)

二塩基酸

解離平衡

```
第10回-7
・酢酸(弱酸)水溶液の[H<sub>3</sub>O+] (pH)の求め方(厳密解)
                       (10.15) CH_3COOH(aq) + H_2O(l) \rightleftharpoons CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)
     (平衡)
                      (10.5) 2H_2O(1) \rightleftharpoons H_3O^+(aq) + OH^-(aq)
     (未知濃度の数4個) [CH<sub>3</sub>COOH], [CH<sub>3</sub>COO<sup>-</sup>], [H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>], [OH<sup>-</sup>]
     (等式4個)
                             (10.7) [H_3O^+][OH^-] = K_w
                             (10.16) \frac{[H_3O^+][CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = K_a
                                            [CH<sub>3</sub>COOH]
                             (10.17) [CH_3COO^-] + [CH_3COOH] = [CH_3COOH]_0 = c_0
                             (10.18) [CH_3COO^-] + [OH^-] = [H_3O^+]
     ([H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>]に関する方程式)
                  (10.7) \rightarrow [OH<sup>-</sup>] = K_{\rm w} /[H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>]
                  (10.18) \rightarrow [\mathrm{CH_3COO}^-] = [\mathrm{H_3O}^+] - [\mathrm{OH}^-] = [\mathrm{H_3O}^+] - K_\mathrm{w} \ / [\mathrm{H_3O}^+]
                  (10.17) \rightarrow [CH_3COOH] = c_0 - [CH_3COO^-] = c_0 - [H_3O^+] + K_w / [H_3O^+]
                  (10.16) \rightarrow K_{\rm a} = \frac{[{\rm H_3O^+}][{\rm CH_3COO^-}]}{[{\rm CH_3COOH}]} = \frac{[{\rm H_3O^+}] \left( [{\rm H_3O^+}] - K_{\rm w} / [{\rm H_3O^+}] \right)}{c_0 - [{\rm H_3O^+}] + K_{\rm w} / [{\rm H_3O^+}]}
          (10.19) \quad [H_3O^+]^3 + K_a[H_3O^+]^2 - (c_0K_a + K_w)[H_3O^+] - K_aK_w = 0
                  [3次方程式-(高次方程式の解法)-ニュートンの近似法]
```

```
第10回-8
・酢酸 (弱酸) 水溶液の [H_3O^+] (pH) の求め方 (近似解-1)
CH_3COOH(aq) + H_2O(l) \implies CH_3COO^-(aq) + H_3O^+(aq)
[CH_3COOH] = c_0 - [CH_3COO^-] \cong c_0 \qquad \qquad \text{mrewoff missing missing
```

・酢酸(弱酸)水溶液の $[H_3O^+]$ (pH)の求め方(近似解-2) 酢酸の解離度 α を考える(酢酸の全濃度を c_0)

(解離平衡)
$$\text{CH}_3\text{COOH}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O(l)} \iff \text{CH}_3\text{COO}^-(\text{aq}) + \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq})$$
 $c_0\alpha$ $c_0\alpha$

(ただし,水の解離平衡を無視している:[OH-]=0)

$$[CH_3COO^-] \cong [H_3O^+] \cong c_0\alpha$$
 未知数の数は1個(α)

(酸解離定数)

$$K_{\rm a} = \frac{[{\rm H_3O}^+][{\rm CH_3COO}^-]}{[{\rm CH_3COOH}]} \cong \frac{(c_0\alpha)^2}{c_0(1-\alpha)} = \frac{c_0\alpha^2}{1-\alpha}$$

(酢酸の解離度 α を K_a から求める)

$$\alpha << 1 \rightarrow K_a = c_0 \alpha^2$$
, $\therefore \alpha = \sqrt{K_a / c_0}$

([H₃O⁺] とpH)→(スライド8の近似解-1と同じ)

$$[H_3O^+] = c_0\alpha = c_0 \cdot \sqrt{K_a / c_0} = \sqrt{c_0 K_a}$$

 $\therefore pH = -\log[H_3O^+] = -(1/2)\log(c_0 K_a) = (1/2)[pK_a - \log c_0]$

第10回-10

10.4 強い塩基と弱い塩基

・強塩基(完全解離)

$$NaOH(aq) \rightarrow Na^{+}(aq) + OH^{-}(aq)$$

 $Ba(OH)_{2}(aq) \rightarrow Ba^{2+}(aq) + 2OH^{-}(aq)$

•弱塩基(解離平衡)

$$NH_3(aq) + H_2O(l)$$
 \rightleftarrows $NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$ アンモニア水 $CH_3CH_2NH_2(aq) + H_2O(l)$ \rightleftarrows $CH_3CH_2NH_3^+(aq) + OH^-(aq)$

•アンモニア水:塩基解離定数K_bと水酸化物イオンの濃度[OH⁻](近似解-1)

$$K_{\rm b} = \frac{[{\rm NH_4}^+][{\rm OH}^-]}{[{\rm NH_3}]}, \quad [{\rm NH_4}^+] = [{\rm OH}^-], \quad [{\rm NH_3}] = c_0, \quad \therefore [{\rm OH}^-] = \sqrt{c_0 K_{\rm b}}$$

•ブレンステッド酸 (NH_4^+) としての酸解離平衡 K_a [共役酸]:酸としてまとめる

$$NH_4^+(aq) + H_2O(l)$$
 \iff $NH_3(aq) + H_3O^+(aq)$ 弱塩基と その共役酸 $K_a = \frac{[NH_3][H_3O^+]}{[NH_4^+]} = \frac{[NH_3][H_3O^+][OH^-]}{[NH_4^+][OH^-]} = \frac{K_w}{K_b}$ ($K_aK_b = K_w$)

・アンモニア水: ∇ 応度 α を考えて、水酸化物イオンの濃度を求める (近似解-2)

(平衡)
$$NH_3(aq) + H_2O(l) \iff NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$$

 $c_0(1-\alpha)$ $c_0\alpha$ $c_0\alpha$

(ただし、水の解離平衡を無視している: $[H_3O^+]=0$)

 $[NH_4^+] \cong [OH^-] = c_0 \alpha$ 未知数の数は1個(α)

(塩基解離定数) $K_{\rm b} = \frac{[{
m NH_4}^+][{
m OH}^-]}{[{
m NH_3}]} = \frac{(c_0 \alpha)^2}{c_0 (1-\alpha)} = \frac{c_0 \alpha^2}{1-\alpha}$

(アンモニアの反応度 α を K_b から求める)

$$\alpha << 1 \rightarrow K_{\rm b} = c_0 \alpha^2$$
, $\therefore \alpha = \sqrt{K_{\rm b}/c_0}$

(水酸化物イオンの濃度[OH⁻] とpOH, pH)→(スライド10の近似解-1と同じ)

$$\begin{split} [\text{OH}^-] &= c_0 \alpha = c_0 \cdot \sqrt{K_\text{b} / c_0} = \sqrt{c_0 K_\text{b}} \\ &\therefore \text{pOH} = -\log[\text{OH}^-] = -(1/2)[\log K_\text{b} + \log c_0] = (1/2)[pK_\text{b} - \log c_0] \\ &\text{pH} = pK_\text{w} - \text{pOH} \end{split}$$

第10回-12

・ブレンステッド酸 (NH_4^+) としての酸解離平衡 K_a と、 $[H_3O^+]$ の決定 弱塩基の共役酸として、水と反応 (加水分解)

$$(1) \text{ NH}_{3}(\text{aq}) + \text{H}_{2}O(1) \iff \text{NH}_{4}^{+}(\text{aq}) + \text{OH}^{-}(\text{aq})$$

$$K_{\text{NH}_{3}} = \frac{[\text{NH}_{4}^{+}][\text{OH}^{-}]}{[\text{NH}_{3}][\text{H}_{2}O]}$$

$$(2) 2\text{H}_{2}O(1) \iff \text{H}_{3}O^{+}(\text{aq}) + \text{OH}^{-}(\text{aq})$$

$$K_{\text{H}_{2}O} = \frac{[\text{H}_{3}O^{+}][\text{OH}^{-}]}{[\text{H}_{2}O]^{2}}$$

$$(2) - (1) : \text{NH}_{4}^{+}(\text{aq}) + \text{H}_{2}O(1) \iff \text{NH}_{3}(\text{aq}) + \text{H}_{3}O^{+}(\text{aq})$$

$$K_{\text{NH}_{4}^{+}} = \frac{K_{\text{H}_{2}O}}{K_{\text{NH}_{3}}} = \frac{[\text{H}_{3}O^{+}][\text{OH}^{-}]}{[\text{H}_{2}O]^{2}} \cdot \frac{[\text{NH}_{3}][\text{H}_{2}O]}{[\text{NH}_{4}^{+}][\text{OH}^{-}]}$$

$$= \frac{[\text{NH}_{3}][\text{H}_{3}O^{+}]}{[\text{NH}_{4}^{+}]} \cdot \frac{1}{[\text{H}_{2}O]} = \frac{K_{a}}{[\text{H}_{2}O]}$$

$$K_{\rm a} = \frac{[{\rm NH_3}][{\rm H_3O^+}]}{[{\rm NH_4}^+]} = \frac{K_{\rm w}}{K_{\rm b}}, \qquad [{\rm H_3O^+}] = \frac{[{\rm NH_4}^+]}{[{\rm NH_3}]} K_{\rm a}$$

塩基性が弱いもの ほどプロトンを受け 取る傾向が小さい。 したがって、その共 役酸の酸性が強い。

→ NH₄+ 単独のとき (NH₄CI)の加水分 解では、水溶液は酸 性を示す(10.6)。

アンモニア水の場合は、 NH_3 分子の濃度が高いので、 NH_4^+ の加水分解はほとんど生じない。(ル・シャトリエの原理)

表10.3 (25 ℃の値)

塩基	分子式/組成式	K _b / mol dm ⁻³	K _a / mol dm ⁻³	p <i>K</i> _a
水酸化ナトリウム	NaOH	-	-	-
水酸化カリウム	кон	-	-	-
水酸化バリウム	Ba(OH) ₂ 1)	-	-	-
アンモニア	NH ₃	1.8 × 10 ⁻⁵	5.6 × 10 ⁻¹⁰	9.25
ヒドロキシルアミン	NH₂OH	8.7×10^{-9}	1.1 × 10 ⁻⁶	5.94
エチルアミン	C ₂ H ₅ NH ₂	4.5×10^{-4}	2.2×10^{-11}	10.65
アニリン	C ₆ H ₅ NH ₂	7.4×10^{-10}	1.3 × 10 ⁻⁵	4.87
ピリジン ²⁾	C ₅ H ₅ N	1.7×10^{-9}	5.9 × 10 ⁻⁶	5.23

^{1) 2} molの酸と反応する塩基は2酸塩基と呼ばれる.



第10回-14

・アンモニア(弱塩基)水溶液の[H₃O+] (pH)の2通りの求め方(近似解)

(1) 塩基解離定数K_b から(通常の方法-スライド11)

$$\begin{split} \mathrm{NH_3(aq)} + \mathrm{H_2O(l)} & \rightleftarrows \quad \mathrm{NH_4}^+(\mathrm{aq}) + \mathrm{OH}^-(\mathrm{aq}) \\ c_0(1-\alpha) & c_0\alpha & c_0\alpha & (\alpha \leq \sqrt{K_\mathrm{b}/c_0}) \\ c_0 &= 0.1 \ \mathrm{mol} \ \mathrm{dm}^{-3}, \quad K_\mathrm{b} &= 1.8 \times 10^{-5} \ \mathrm{mol} \ \mathrm{dm}^{-3}, \quad (\alpha \leq 1.3_4 \times 10^{-2}) \\ \therefore \left[\mathrm{OH}^-\right] &= c_0\alpha &= \sqrt{c_0K_\mathrm{b}} &= 1.3_4 \times 10^{-3} \ \mathrm{mol} \ \mathrm{dm}^{-3} \\ \left[\mathrm{H_3O}^+\right] &= \frac{K_\mathrm{w}}{\left[\mathrm{OH}^-\right]} &= \frac{1 \times 10^{-14} \ \mathrm{mol}^2 \ \mathrm{dm}^{-3}}{1.3_4 \times 10^{-3} \ \mathrm{mol} \ \mathrm{dm}^{-3}} &= 7.4_6 \times 10^{-12} \ \mathrm{mol} \ \mathrm{dm}^{-3} \end{split}$$

(2) 共役酸の酸解離定数K_a から(スライド12)

$$\begin{split} \mathrm{NH_4}^+(\mathrm{aq}) + \mathrm{H_2O(1)} & \iff \mathrm{NH_3(\mathrm{aq})} + \mathrm{H_3O}^+(\mathrm{aq}) \\ [\mathrm{H_3O}^+] &= \frac{[\mathrm{NH_4}^+]}{[\mathrm{NH_3}]} K_\mathrm{a} = \frac{c_0 \alpha}{c_0 (1 - \alpha)} \cdot K_\mathrm{a} \cong \alpha \cdot K_\mathrm{a} \quad (K_\mathrm{a} = 5.5_6 \times 10^{-10} \; \mathrm{mol} \; \mathrm{dm}^{-3}) \\ &= (1.3_4 \times 10^{-2}) \cdot (5.5_6 \times 10^{-10}) = 7.4_5 \times 10^{-12} \; \mathrm{mol} \; \mathrm{dm}^{-3} \end{split}$$

(1)と(2)は同じ:
$$[{\rm H_3O^+}] = \frac{K_{\rm w}}{[{\rm OH^-}]} = \frac{K_{\rm a}K_{\rm b}}{\sqrt{c_0K_{\rm b}}} = K_{\rm a} \cdot \sqrt{\frac{K_{\rm b}}{c_0}} = \alpha \cdot K_{\rm a}$$
 (K_w = K_aK_b)

 $pOH = 2.8_7, pH = 11.1_3$

・ブレンステッド塩基(CH_3COO^-)としての塩基解離平衡 K_b と、[OH^-]の決定 弱酸の共役塩基として、水と反応(加水分解)

(弱酸の解離平衡)-(スライド9参照)

$$\begin{array}{ll} \text{CH}_3\text{COOH}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(1) & \rightleftarrows & \text{CH}_3\text{COO}^-(\text{aq}) + \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq}) \\ \\ c_0(1-\alpha) & c_0\alpha & c_0\alpha & (\alpha \cong \sqrt{K_\text{a}/c_0}) \end{array}$$

(共役塩基であるCH₃COO⁻と水との反応)

$$CH_3COO^-(aq) + H_2O(l) \rightleftharpoons CH_3COOH(aq) + OH^-(aq)$$

(共役塩基としての塩基解離定数 K_b と [OH-], α << 1 と近似)

$$K_{\rm b} = \frac{[{\rm CH_3COOH}][{\rm OH}^-]}{[{\rm CH_3COO}^-]}, \qquad \therefore [{\rm OH}^-] = \frac{[{\rm CH_3COO}^-]}{[{\rm CH_3COOH}]} K_{\rm b} \cong \alpha \cdot K_{\rm b}$$

ここで、弱酸とその共役塩基の解離定数は、 $K_aK_b = K_w$:確かめよ。

(上の第2式は、弱酸の解離平衡から求めた [OH-] と同じ:スライド8,9参照)

$$[OH^{-}] = \frac{K_{w}}{[H_{3}O^{+}]} = \frac{K_{a}K_{b}}{\sqrt{c_{0}K_{a}}} = K_{b} \cdot \sqrt{\frac{K_{a}}{c_{0}}} = \alpha \cdot K_{b}$$